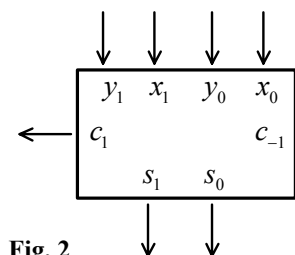
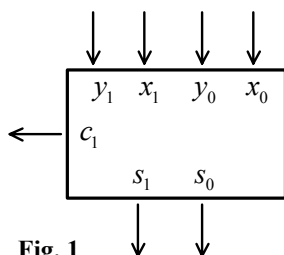


Problema 4.44

En la Fig. 1 se muestra el diagrama de bloques de un sumador binario de dos números de 2 bits. Las entradas al sumador son los dos bits de cada sumando ($X=x_1x_0$, $Y=y_1y_0$). Las salidas son los dos bits de suma ($s=s_1s_0$) y el bit de arrastre (c_1).



A) (0.75 puntos) Obtenga la tabla de la verdad de las salidas (c_1 , s_1 , s_0) del sumador de la Fig. 1 en función de las entradas (y_1 , y_0 , x_1 , x_0).

B) (1 punto) Obtenga las funciones lógicas simplificadas de las tres salidas (c_1 , s_1 , s_0) del sumador de la Fig. 1 en función de las entradas (y_1 , y_0 , x_1 , x_0). Emplee para ello mapas de Karnaugh.

C) (0.75 puntos) A partir de las funciones lógicas calculadas en el apartado anterior, realizar el sumador binario de 2 bits mostrado en la Fig. 1 mediante un circuito combinacional de dos niveles (AND-OR).

D) (1.5 puntos) Si al sumador binario de la Fig. 1 se le añade una nueva entrada, “bit de arrastre de la etapa anterior” (c_{-1}), se obtiene el sumador representado en la Fig. 2. Empleando módulos sumadores como el mostrado en la Fig. 2, multiplexores y puertas lógicas, diseñe una ALU aritmética de 4 bits que realice las cinco operaciones siguientes sobre dos números A y B de 4 bits: suma ($Z=A+B$), resta ($Z=A-B$), transfiere A ($Z=A$), incrementa A en 1 ($Z=A+1$) y decrementa A en 1 ($Z=A-1$).

Solución

Los apartados A), B) y C) son similares a las cuestiones planteadas en los problemas 4-1, 4-2 y 4-3, en los que se pide obtener la tabla de la verdad, la función lógica y diseñar el circuito AND-OR de diferentes circuitos sumadores y restadores. El apartado D) es análogo al problema 4-30.

A) Obtenga la tabla de la verdad de las salidas (c_1 , s_1 , s_0) del sumador de la Fig. 1 en función de las entradas (y_1 , y_0 , x_1 , x_0).

y_1	y_0	x_1	x_0	c_1	s_1	s_0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	1	1
0	1	0	0	0	0	1
0	1	0	1	0	1	0
0	1	1	0	0	1	1
0	1	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1	0
1	0	0	1	0	1	1
1	0	1	0	1	0	0
1	0	1	1	1	0	1
1	1	0	0	0	1	1
1	1	0	1	1	0	0
1	1	1	0	1	0	1
1	1	1	1	1	1	0

B) Obtenga las funciones lógicas simplificadas de las tres salidas (c_1 , s_1 , s_0) del sumador de la Fig. 1 en función de las entradas (y_1 , y_0 , x_1 , x_0). Emplee para ello mapas de Karnaugh.

$x_1x_0 \backslash y_1y_0$	00	01	11	10
00	0	0	0	0
01	0	0	1	0
11	0	1	1	1
10	0	0	1	1

$$c_1 = x_1 \cdot x_0 \cdot y_0 + x_0 \cdot y_1 \cdot y_0 + x_1 \cdot y_1$$

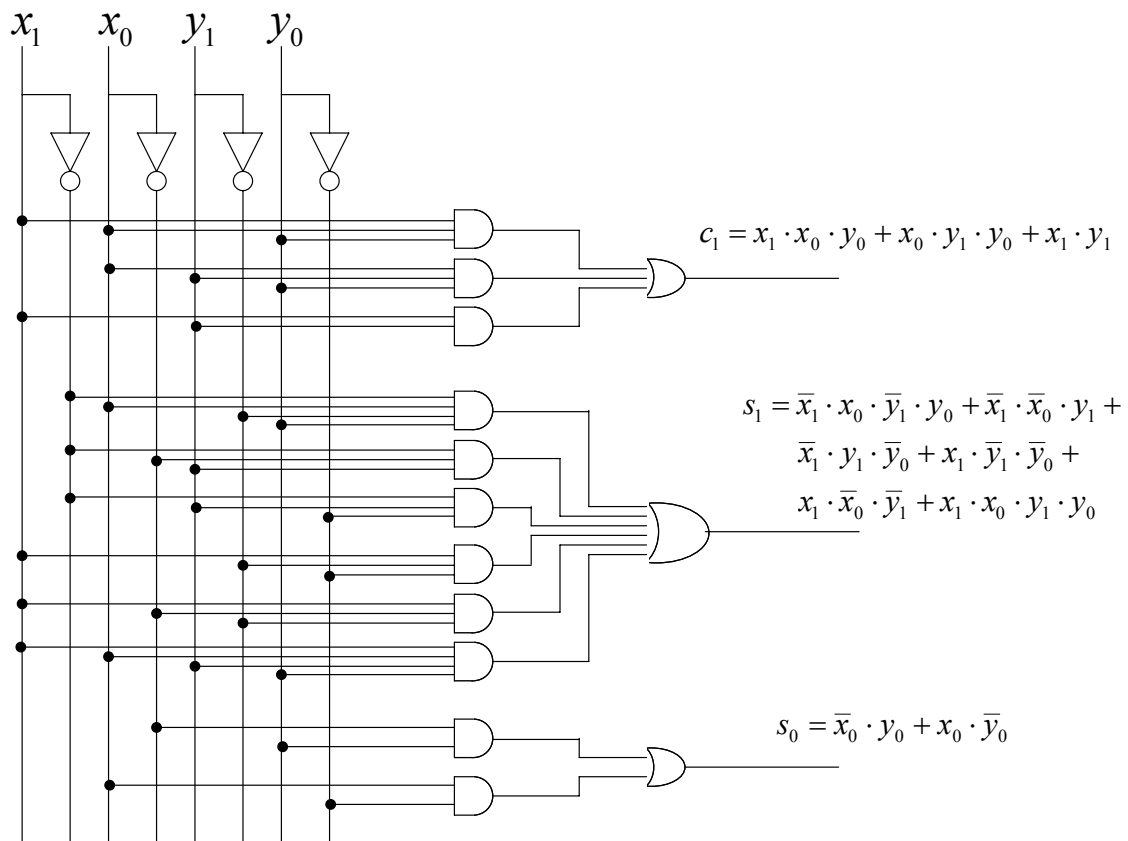
$x_1x_0 \backslash y_1y_0$	00	01	11	10
00	0	0	1	1
01	0	1	0	1
11	1	0	1	0
10	1	1	0	0

$$s_1 = \bar{x}_1 \cdot x_0 \cdot \bar{y}_1 \cdot y_0 + \bar{x}_1 \cdot \bar{x}_0 \cdot y_1 + \bar{x}_1 \cdot y_1 \cdot \bar{y}_0 + x_1 \cdot \bar{y}_1 \cdot \bar{y}_0 + x_1 \cdot \bar{x}_0 \cdot \bar{y}_1 + x_1 \cdot x_0 \cdot y_1 \cdot y_0$$

$x_1x_0 \backslash y_1y_0$	00	01	11	10
00	0	1	1	0
01	1	0	0	1
11	1	0	0	1
10	0	1	1	0

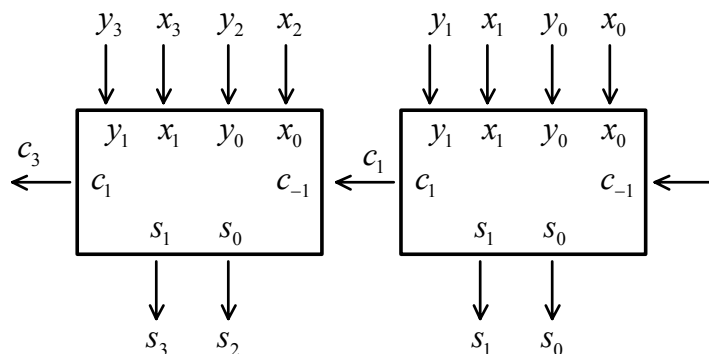
$$s_0 = \bar{x}_0 \cdot y_0 + x_0 \cdot \bar{y}_0$$

C) A partir de las funciones lógicas calculadas en el apartado anterior, realizar el sumador binario de 2 bits mostrado en la Fig. 1 mediante un circuito combinacional de dos niveles (AND-OR).

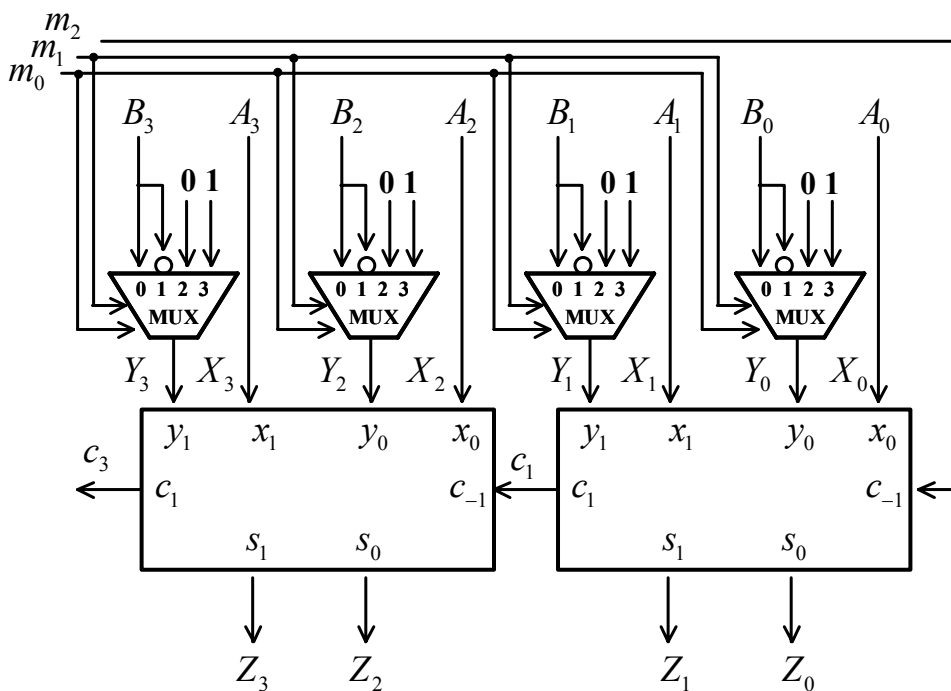


D) Si al sumador binario de la Fig. 1 se le añade una nueva entrada, “bit de arrastre de la etapa anterior” (c_{-1}), se obtiene el sumador representado en la Fig. 2. Empleando módulos sumadores como el mostrado en la Fig.2, multiplexores y puertas lógicas, diseñe una ALU aritmética de 4 bits que realice las cinco operaciones siguientes sobre dos números A y B de 4 bits: suma ($Z=A+B$), resta ($Z=A-B$), transfiere A ($Z=A$), incrementa A en 1 ($Z=A+1$) y decrementa A en 1 ($Z=A-1$).

En el apartado 4.1.4 del texto de teoría se explica cómo realizar la conexión de circuitos sumadores con bit de acarreo y bit de arrastre de la etapa anterior, con el fin de obtener sumadores de un mayor número de bits. Puede conseguirse un sumador de 4 bits, conectando dos sumadores de 2 bits como el de la Fig. 2, de la forma siguiente:



En el problema 4-30 se explica cómo realizar una ALU, empleando un sumador de 4 bits y multiplexores, que proporciona la funcionalidad pedida en el enunciado del apartado D) del examen. El diseño se realiza de la forma siguiente:



La ALU tiene tres señales de control: m_0 , m_1 y m_2 . La selección de las entradas de datos de los multiplexores se hace mediante m_0 y m_1 . La entrada m_2 se conecta al arrastre de entrada del primer sumador. Las operaciones aritméticas pedidas en el enunciado pueden generarse de la manera siguiente:

Señales de control			Entradas al sumador		Salida
m_2	m_1	m_0	X	Y	Z
0	0	0	A	B	$A+B$
1	0	1	A	\bar{B}	$A+\bar{B}+1=A-B$
0	1	0	A	0000	A
1	1	0	A	0000	$A+1$
0	1	1	A	1111	$A-1$